## 多様な磁気結合に適用可能な等価回路を使った従属磁気結合の解析

安倍 秀明 秋山 稔博 尾崎 保 小原 弘士 小笠原 潔 工藤 均

パナソニック株式会社 エコソリューションズ社 〒571-8686 大阪府門真市大字門真 1048

E-mail: abe.hideaki-@jp.panasonic.com

**あらまし**小出力で近接型のワイヤレス充電製品が市場に普及しはじめた.古くから活用されている電磁誘導原 理であるが,現在では多様な給電形態に対し,様々な専門分野の視点で研究アプローチが進められ,多様な進化に向け て新たな給電理論の構築と応用に向けた課題解決が進められている.筆者らは,多様な形態の給電を想定し出力挙動 の理論構築に取り組んできた.この過程の中で磁気結合給電の本質を明快に表現できる等価回路を導き,入出力回 路を含めたシステムの挙動を的確に再現できるようになった.本稿では,最初に給電の多様な進化形態を示し,いく つかの等価回路を説明する.次に,独立した1対の磁気結合コイルを複数従属接続した新しい形態を提案する.こ の形態に等価回路を適用し,入出力挙動の解析を行い実験にて伝達特性を検証する.

キーワード ワイヤレス電力伝送,磁気結合,共振,等価回路,コイルアレイ,従属接続

# Analysis of series connected magnetic coupling using equivalent circuit which is applicable to a variety of magnetic coupled system

Hideaki ABE Toshihiro AKIYAMA Mamor OZAKI Hiroshi KOHARA Kiyoshi OGASAWARA and Hitoshi KUDO

> Eco Solutions Company, Panasonic Corporation, 1048 Kadoma, Osaka, 571-8686, Japan E-mail: abe.hideaki-@jp.panasonic.com

**Abstract** Recently, wireless charging system of small output power have begun to spread. The study approach by various specialized viewpoints is pushed forward for a variety of feeding forms, and the construction of a new feeding theory is performed. We worked on theory construction of the output behavior to the wireless power transfer of a variety of forms, and led the equivalent circuit which could express essence of the magnetic coupled feeding, and reproduced the behavior of the system including an input and output circuit. In this report, we show variety of evolution forms of the wireless power transmission, and explain some equivalent circuits. Then, we suggest the new form that connected one pair of magnetic coupled coil to a plural. And applied an equivalent circuit to this form and analyzed the input and output behavior and confirmed the availability of this method by experiments.

Keyword Wireless Power Transmission, Magnetic Coupling, Resonance, Equivalent Circuit, Array Coil, Series Connection

## 1. まえがき

磁気結合を利用するワイヤレス給電分野では,図1 に示すように多様な進化に向けてそのしくみの解明と 最適化の方針が研究されている.様々な利用シーンへ の応用に向けて多様な磁気結合形態を使いこなすには 磁気結合部のしくみや最適化の研究と共に,磁気結合 形態と共振回路,インバータ,コンバータ回路を含めた システム全体の研究が重要である.これらに向けて多 様な視点とツールにより理論構築等が行なわれている. 筆者らは,等価回路を利用してワイヤレス給電特有の 性質を明らかし,多様な形態に対し出力の挙動を表す 理論式や近似式を求めてきた.最初にいくつか紹介し, 次に2つのコイルで磁気結合する1対の独立した伝送 コイルを複数従属接続した新しい磁気結合形態を提案 する.これに等価回路を用いた解析を行い,実験にて 出力挙動を検証する. [1]-[8]

## 2. 磁気結合システムの等価回路と理論式

## 2.1. 共振回路を伴わない場合

図2は,チョークインプット整流・平滑回路を接続 した回路に対して,2次側換算等価回路を適用して導出 した出力電圧の理論式である.

### 2.2. 1次直列2次並列共振を伴う場合

次に図3に1次側直列,2次側並列の共振を伴う交流 回路を示す.この負荷電圧の理論式を式(1)に示す. 条 件1( $C_1 \ge L_{01} \ge 0$ 共振条件)の場合は,(2)式となり負 荷 Rに依存しない定電圧特性となる. 一方条件2( $C_1$ を十分大きくし, $C_2 \ge L_{02} \ge 0$ 共振条件)では,式(3)の 定電流特性となる.

This article is a technical report without peer review, and its polished and/or extended version may be published elsewhere.



図3 1次直列,2次並列共振を有する交流回路

$$V_{osi} = \frac{K \cdot v_{insi}}{\sqrt{R^2 \left[ \frac{1}{k\sqrt{L_1 L_2}} \left\{ L_1 \left( 1 - \omega^2 C_2 L_{02} \right) - \frac{1}{\omega^2 C_1} \left( 1 - \omega^2 C_2 L_2 \right) \right\} \right]^2 + \left\{ \frac{L_2 \left( 1 - \omega^2 C_1 L_{01} \right)}{\omega C_1 \cdot k\sqrt{L_1 L_2}} \right\}^2}$$
(1)

$$V_{osi} = \frac{k\sqrt{L_1L_2} \cdot V_{insi}}{L_1(1 - \omega^2 C_2 L_{02}) - \frac{1}{\omega^2 C_1}(1 - \omega^2 C_2 L_2)} = \frac{1}{k}\sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \cdot V_{insi}$$
(2)

(条件1)  $1-\omega^2 \cdot L_{\omega} \cdot C_1 = 0$ 

(条件2) 
$$1 - \omega^2 \cdot L_{02} \cdot C_2 = 0$$
  $C_1 \to \infty$   
 $I_{osi} = \frac{1}{\omega L_{02}} k \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \cdot V_{insi}$  (3)

( 
$$\Box \Box \overline{C}$$
  $k = \frac{M}{\sqrt{L_1 L_2}} L_{01} = L_1 (1 - k^2) L_{02} = L_2 (1 - k^2)$ )

次に図 4 (a) に, 方形波電圧 Vinsq<sub>(0-p)</sub>を入力しブリ ッジ整流と平滑回路で直流を出力する非線形回路の場 合を示す. 図 4 (b) はこの 2 次換算近似等価回路であ る. 2 次換算等価電圧源  $E_2 \ge 2$  次換算等価漏れインダ クタンス  $L_{02}$  は(4)(5)式で与えられる. 1 次コイル端子 電圧  $V_{1si}$ は, 近似式(6)で与えられる. この式は 1 次側の 因子だけでなく 2 次側の因子や負荷 R の関数であるた め, Vinsq ( $V_{0-p}$ ) を一定に制御しても,  $V_{1si}$  ( $V_{rms}$ ) は負 荷 R の変化により電圧振幅が変化する. すなわち 1 次 側に直列共振回路が入ると  $E_{2sq}$ が負荷依存の変動振幅 になる. 回路動作が中・重負荷領域においては負荷電圧  $V_{ode}$  ( $V_{de}$ ) は, (7)式の近似式  $2 \ \sqrt{2}$  が乗じられている. 同じ負荷に対して,回路形態や出力形態が異なるシス テムでの数式化では,下記換算係数がよく現れる.

L 換算係数: 
$$\frac{\pi\sqrt{2}}{4}$$
,  $\frac{4}{\pi\sqrt{2}}$ ,  $\frac{\pi^2}{8}$ ,  $\frac{\pi^2}{\pi^2}$ 

なお,整流・コンデンサ平滑の性質上,軽・無負荷領

域では,実測値は計算値よりも大きくなる. また,この 近似式では,「C1 が Lo1 との完全な共振条件の場合」と 「C1 が Lo1 との完全な共振条件に近い場合でかつ C2 の数値が Lo2 との共振条件より十分小さい場合」では 誤差が増大する.



図4 1次直列2次並列共振を有する非線形回路 <sup>72</sup>

$$E_{2sq} = \frac{\frac{1}{8 \cdot R} \cdot Z_1 \cdot \sqrt{\frac{L_1}{L_2} \cdot \frac{1}{k} \cdot V_{msq}}}{\sqrt{\left(\frac{\pi^2}{8 \cdot R} \cdot \frac{L_1}{L_2} \cdot \frac{1}{k^2} \cdot Z_1\right)^2} \cdot \left(1 - \frac{1}{\omega^2 \cdot C_1 \cdot L_{01}}\right)^2 + \left(\frac{1}{\omega \cdot C_1}\right)^2}$$

$$= \mathbb{C} \cdot \mathbb{C} \quad Z_1 = \left(\frac{8R}{\pi^2}\right)^2 \cdot \left(1 - \omega^2 L_{02} C_2\right)^2 + \left(\omega \cdot L_{02}\right)^2 \tag{4}$$

$$L_{02} = L_2 (1 - k^2) \tag{5}$$

$$V_{1si} = \frac{\frac{2\sqrt{2}}{\pi} \cdot \frac{\pi^2}{8R} \cdot Z_1 \cdot \frac{L_1}{L_2} \cdot \frac{1}{k^2} \cdot V_{insq}}{\sqrt{\left(\frac{\pi^2}{8R} \cdot \frac{L_1}{L_2} \cdot \frac{1}{k^2} \cdot Z_1\right)^2 \cdot \left(1 - \frac{1}{\omega^2 C_1 L_{01}}\right)^2 + \left(\frac{1}{\omega C_1}\right)^2}}$$

$$(6)$$

$$V_{odc(dc)} = \frac{Z_1 \cdot \sqrt{\overline{L_2} \cdot \overline{k} \cdot V_{inaq}}}{\sqrt{\left(\frac{\pi^2}{8 \cdot R} \cdot \frac{L_1}{L_2} \cdot \frac{1}{k^2} \cdot Z_1\right)^2 \cdot \left(1 - \frac{1}{\omega^2 C_1 L_{01}}\right)^2 + \left(\frac{1}{\omega C_1}\right)^2 \cdot \sqrt{Z_1}}$$
(7)

## 3. 従属磁気結合コイルへの等価回路適用 3.1. 1対の磁気結合コイルの構成

図5に,1次コイルと2次コイルとが正対する1対の 磁気結合コイルの外観と2次換算等価回路を示す.2 次換算等価回路から,出力V2の理論式が(8)式で与え られる.E2は2次換算の等価電源電圧でありL0は2次 換算漏れインダクタンスである.



図5 1対の磁気結合コイルと等価回路

$$V_{2} = E_{2} - L_{0} \cdot \frac{dI_{2}}{d_{1}}$$
(8)  

$$\Box \Box \Box = E_{2} = V_{1} \cdot k_{1} \cdot \sqrt{\frac{L_{2}}{L_{1}}} \qquad L_{0} = L_{2} \cdot (1 - k_{1}^{2}) \qquad k_{1} = \frac{M_{1}}{\sqrt{L_{1}L_{2}}}$$

図6に2次側に直列共振を伴う場合を示す. コンデ ンサ C21を式(9)の条件に選ぶと, V2 は式(10)で与え られる。負荷に依存しない E2の定電圧となる.



$$V_2 = E_2 = V_1 \cdot k_1 \cdot \sqrt{\frac{L_2}{L_1}}$$
(10)

## 3.2. 磁気結合コイル対の2段従属接続

図 7 に,磁気結合コイル対を2段従属接続した場合 の外観を示す.図8に磁気結合回路,およびこの2次換 算等価回路を示す.2次換算等価回路から,出力 V3の 理論式が式(11)で与えられる.2次換算の電源電圧 E2 および,2次換算漏れインダクタンス Lo は式(12)(13) で与えられる.この場合2つの磁気結合コイル対が同 じ仕様であれば E2,Lo は式(14)(15)となる.[6]



2次換算等価回路

図8 縦続接続磁気結合回路と2次換算等価回路

従属接続回路

$$V_3 = E_2 - L_0 \cdot \frac{dI_3}{d_t} \tag{11}$$

$$E_{2} = \frac{M_{1}M_{2}}{(L_{2}+L_{3})\cdot L_{1}-M_{1}^{2}} \cdot V_{1} = \frac{k_{1}k_{2}\sqrt{L_{1}L_{2}L_{3}}L_{4}}{L_{1}\cdot (L_{2}\cdot (1-k_{1}^{2})+L_{3})} \cdot V_{1}$$
(12)

$$L_{0} = L_{4} - \frac{L_{1} \cdot M_{2}^{2}}{(L_{2} + L_{3}) \cdot L_{1} - M_{1}^{2}} = L_{4} - \frac{L_{3}L_{4} \cdot k_{2}^{2}}{L_{3} + L_{2}(1 - k_{1}^{2})}$$
(13)

$$zz \overline{c} \quad k_1 = \frac{M_1}{\sqrt{L_1 L_2}} \quad k_2 = \frac{M_2}{\sqrt{L_3 L_4}}$$

$$E_2 = \frac{k_1^2 L_2}{L_1 + L_2 (1 - k_1^2)} \cdot V_1$$
(14)

$$L_0 = L_2 \left( 1 - \frac{L_1 \cdot k_1^2}{L_1 + L_2 \left( 1 - k_1^2 \right)} \right)$$
(15)

## $\Box \Box \sigma L_1 = L_3, \quad L_2 = L_4, k_1 = k_2$

つぎに,図 9 に各磁気結合コイル対の2次側に直列 共振回路を伴う場合を示す.図10に磁気結合回路およ びこの2次換算等価回路を示す.C21,C22を式(16)(17) の条件に選ぶと V2,V3の各電圧は式(18)(19)で与えら れる.G1,G2 は個々の磁気結合コイル対の入力電圧に 対する出力電圧の変換ゲインと定義している.



図9 2次側に直列共振回路を持つ従属接続形態



図 10 縦続接続磁気結合回路と2次換算等価回路

$$C_{21} = \frac{1}{(2\pi f)^2 \cdot L_{01}}$$
(16)

$$C_{22} = \frac{1}{\left(2\pi f\right)^2 \cdot L_{02}} \tag{17}$$

$$V_2 = V_1 \cdot k_1 \cdot \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = G_1 V_1 \tag{18}$$

$$V_{3} = E_{22} = V_{2} \cdot k_{2} \cdot \sqrt{\frac{L_{4}}{L_{3}}} = G_{2}V_{2}$$
(19)

zze 
$$G_1 = k_1 \sqrt{\frac{L_2}{L_1}}$$
 ,  $G_2 = k_2 \sqrt{\frac{L_4}{L_3}}$ 

さらに、V3 は初段の入力 V1 に対し式(20)のように整理 できる.ここで、初段の磁気結合コイル対 TA の 2 次コ イルと次段の TB の 1 次コイルを電圧変換プラグとみ なすと、G1×G2 が電圧変換ゲインとなる.さらに TA、TB が同じ仕様であれば、式(21)となる.

$$V_{3} = k_{1} \sqrt{\frac{L_{2}}{L_{1}}} \cdot k_{2} \sqrt{\frac{L_{4}}{L_{3}}} \cdot V_{1} = k_{1} k_{2} \sqrt{\frac{L_{2} L_{4}}{L_{1} L_{3}}} \cdot V_{1} = G_{1} G_{2} V_{1} \quad (20)$$

$$V_3 = G_1^2 V_1 = k_1^2 \frac{L_2}{L_1} \cdot V_1 \tag{21}$$

$$G_{1} = \frac{M_{1}}{L_{1}} = k_{1} \cdot \sqrt{\frac{L_{2}}{L_{1}}} = \frac{k_{1}}{a}$$
(22)  
(CCC  $a = \frac{N_{1}}{N_{2}}$ )

(条件3:G=1) 
$$M_1 = L_1$$
, or  $k_1 \cdot \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = 1$ , or  $a = k_1$   
 $V_3 = V_1$  (23)

このように、図9における磁気結合コイル対TAの2 次コイル(L2)と TB の 1 次コイル(L3)の間は.電圧変 換プラグ機能を持つ. ところで,インダクタンスは巻 き数 N の 2 乗に比例する.1 対の磁気結合コイルの各 1次コイルと2次コイルの磁気回路が同じであれば、1 次自己インダクタンス L1 と 2 次自己インダクタンス L2の比は巻き数比 a (=N1/N2) を使うと,a<sup>2</sup>で置き換 えられる.従って,変換ゲインG1は(22)式となる.す なわち変換ゲインGは、結合係数kと巻き数比aの比で 与えられる.さらに,k 1/a=1の(条件3)を適用すると,出 力電圧 V3 は式(23)で与えられる、すなわち変換ゲイン 1の電圧変換プラグ(非接触延長コードと呼ぶ)を使 うと、最終段 V3の出力は負荷に依存せず初段の入力 V1 をそのまま出力できることが予測される.従って,通 常は TAp(L1)と TBs(L4)で使い,必要に応じて TAs (L2)と TBp(L3)で構成する非接触電圧変換プラグや非 接触延長コードとして利用すれば, 無接点・非接触を 保ちながら給電部と機器との距離を自由に変えて電圧 変換や、定電圧伝送が可能になると考えられる.

#### 3.3. 実用システム

図11に,実用システム構成を示す.磁気結合部の 入力側は高周波インバータによる方形波電圧を入力し, 出力側はブリッジ整流・コンデンサ平滑で直流化し負 荷を抵抗 R とする.磁気結合部には上述した磁気結合 コイル対が1段あるいは,複数段縦続接続されたもの が入る.



図 11 実用システム構成

#### 3.4. 実験構想と解析解による負荷電圧推定

図11のシステムに上述した従属接続コイルを使い入出力特性を検証する.1段および2段の磁気結合コイル対を使って電圧変換ゲイン G=1 の場合に関し実験検証を行う.方形波電圧(45V0-p、73kHz)を入力する.図12に磁気結合コイル対の概要を示す.表1に電圧変換ゲイン G=1 を実現する基本パラメータの諸元を示す.



表 1 磁気結合コイル対 TA,TB のパラメータ諸元 L1(μH)L2(μH) k a G=(k/a) TA 55.5 245 0.49 0.49 1 TB 57 240 0.49 0.49 1

図13に,図5の形態に対する実用システム回路と2 次換算等価回路を示す. E2,L0 は式(24)(25)により数値 が求められる. 負荷電圧 Vout は,(26)式となる.



$$E_2 = k \cdot \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \cdot V_1 = k \cdot \frac{1}{a} V_1 = G_1 V_1 = V_1 = 45 \quad (V0-p) \quad (24)$$

$$L_0 = L_2 \cdot \left(1 - k_1^2\right) = 186 \mu H \tag{25}$$

$$V_{out} = \frac{-\frac{8 \cdot E_2 \cdot L_0 \cdot f}{R} + \sqrt{\left(\frac{8 \cdot E_2 \cdot L_0 \cdot f}{R}\right)^2 + 4 \cdot E_2^2}}{2} \quad (26)$$

図 14 に図 6 の形態に対する実用システムと 2 次換 算等価回路を示す. 負荷電圧 Vout は (27)式となる.



図 14 実用システム回路(1段:直列共振有り)

$$V_{out} = E_2 = V_1 = 45 \text{ (Vo-p)}$$
 (26)

図 15 に,図 7 の形態に対する実用システム回路と 2 次換算等価回路を示す. E2,L0 は式(27)(28)により数値 が求められる. 負荷電圧 Vout は (29)式となる.



図 15 実用システム回路(2段:共振なし)

$$E_2 = \frac{k_1^2 L_2}{L_1 + L_2 (1 - k_1^2)} \cdot V_1 = 10.9(V)$$
(27)

$$L_0 = L_2 \left( 1 - \frac{L_1 \cdot k_1^2}{L_1 + L_2 (1 - k_1^2)} \right) = 231(\mu H)$$
(28)

$$V_{out} = \frac{-\frac{8 \cdot E_2 \cdot L_0 \cdot f}{R} + \sqrt{\left(\frac{8 \cdot E_2 \cdot L_0 \cdot f}{R}\right)^2 + 4 \cdot E_2^2}}{2}$$
(29)

図 16 に,図 9 の形態に対する実用システム回路と 2 次換算等価回路を示す. Vout は (30)式となる.



図 16 実用システム回路(2段:直列共振有り)

$$V_{out} = E_2 = G_1 G_2 V_1 = V_1 = 45 \tag{30}$$

## 3.5. 実験検証と考察

図 17 に,直列共振回路がない場合の負荷特性を示す. 計算値と,実測値を併記している.共振回路がないた め,負荷電圧 Vout は負荷に依存する特性となる.磁気 結合コイル対を従属接続した結果,Vout は大きく低下 している.無負荷領域を除いて計算値と実測値はよく 一致している.一方,無負荷領域では実測値は計算値 よりも大きくなっている.この原因は、方形波のスイ ッチング時のリンギング成分が整流平滑回路にてピー クホールドされたことが分かっており,この対策で実 測値と計算値は等しくなると考えられる.



図 18 に,直列共振を有する場合の負荷特性を示す. 計算値と実測値を併記している.直列共振のため,負 荷電圧 Vout は負荷にほとんど依存しない特性となっ ている.磁気結合コイル対を 2 段従属接続した結果 Vout は1段の場合と同じ特性を維持できていることが 分かる.無負荷領域を除いて計算値と実測値はほぼ一 致していると考えられる.一方,無負荷領域では実測 値は計算値よりも大きくなっている.この原因は上記 のスイッチングノイズ成分の寄与もあるが,共振回路 を持つものは,駆動側が方形波であっても伝送路で波 形が正弦波状となり,軽・無負荷ではピーク値が整流平 滑回路にてピークホールドされるためと考えられる. なお,正弦波電圧入力で整流を行わない線形回路では, 全ての負荷領域で計算値と回路シミュレーションとの 一致を確認している.



図18 共振回路がある場合の負荷特性

以上の検証結果から,磁気結合コイル対の多段従属 接続における等価回路と解析解の妥当性が確認できた, また多段接続での非接触電圧変換プラグや非接触延長 コード機能としての実用性も示唆された.



図 19 1 次側に共振回路がある場合の従属形態

なお負荷に依存しない定電圧化条件が出現する場 合には上記形態の他に,図3の回路形態で条件1に示し た場合においても図19の形態等が考えられ,同様の効 果が期待できる. また,以上に述べた電圧変換特性は, 多くの場合入力側と出力側を入れ換えてもその関係を 維持する. これは双方向の給電において,負荷に無関 係に一定電圧や所望の電圧を伝送できることを示す. さらに2章で述べた定電圧一定電流変換やこの逆変換 の構成と条件を組み込めば,定電圧一定電流変換やこ の逆変換を担う非接触プラグ機能が可能になる.

### 4. まとめ

多様に進化する磁気結合形態を示し,これらの挙動 を解析するためのいくつかの等価回路を示した.そし て,新たに提案した磁気結合コイル対の縦続接続形態 において,等価回路適用により出力の解析解を求めた. この形態においても等価回路と解析解の有用性を確認 した.また縦続接続形態では非接触の電圧変換プラグ や非接触延長コード機能として,負荷に依存しない所 望の電圧や電流を伝送できることが確認でき,磁気結 合ワイヤレス給電における利用形態の拡大が図れると 考えられる.

## 文 献

- [1] 坂本 浩、原田耕介:「C 級自励コンバータによる 非接触給電について」 電気学会マグネティクス ティクス研究会資料 MAG92-180(1992)
- [2] Hideaki Abe, Hiroshi Sakamoto and Koosuke Harada, "A non-contact charger using resonant converter with parallel capacitor of the secondary coil", APEC'98, vol.1, pp.136-141, 1998.
- [3] H. Abe, H. Kitamura, M. Muto, H. Sakamoto, K. Harada, "Output voltage stabilization of non-contact energy transfer with no feedback control" International Power Electronics Conference (IPEC), 2000, Tokyo, Vol. 2, pp 1028-1033
- [4] 安倍秀明 坂本浩 原田耕介:「磁気結合コイルの 正確な位置あわせを不要にした非接触給電」電子 情報通信学会論文誌 VOL.J86-B NO.6 pp.987-996(2003)
- [5] 安倍秀明:「整流方式別の簡単な非接触給電電圧安 定化法について」,電気学会産業応用部門大会 1-18 (2003)
- [6] 安倍秀明 北村浩康:「従属接続された分離着脱式 トランスによる無接点給電の出力特性」信学技報 EE2006-5(2006)
- [7] 西村 太・安倍秀明:「磁気共鳴型ワイヤレス電力 伝送コイルのアレー化に関する一検討」 電子情 報通信学会 ソサイエティ大会 B-1-5 (2010)
- [8] H. Abe, et al., "Equivalent Circuit of Wireless Power Transmission with Coil Array Structures," IEEE MTT-S International Microwave Workshop Series on InnovativeWireless Power Transmission: Technologies, Systems, and Applications (IMWS -IWPT), pp115-118, May,2012.